

Simulación de ensayos triaxiales cíclicos con presión de confinamiento constante y variable empleando ecuaciones empíricas

Simulation of cyclic triaxial tests with
constant and variable confining pressure
using empirical equations

Hugo Alexander Rondón Quintana*

* Ingeniero Civil, magíster en Ingeniería Civil y doctor en Ingeniería.
Facultad de Ingeniería Civil, Universidad Católica de Colombia.

Correspondencia: Universidad Católica de Colombia, Dg. 47 N° 15-50,
sede El Claustro, cuarto piso, Bogotá (Colombia).

Apoyos y subvenciones: Universidad Católica de Colombia.

Resumen

La mayor parte de las ecuaciones que se utilizan en el mundo para intentar predecir la deformación que experimentan materiales granulares no tratados (GNT) en estructuras de pavimentos flexibles son de carácter empíricas y regresionales. A pesar de que múltiples investigaciones en esta área han sido desarrolladas, la discusión sobre el grado de confiabilidad y eficacia de dichas ecuaciones no ha finalizado. Inicialmente, el artículo presenta la evolución de algunas de las ecuaciones matemáticas empíricas desarrolladas en el área de los pavimentos para intentar predecir la acumulación de las deformaciones permanentes que experimentan materiales granulares no tratados (GNT) en ensayos triaxiales cíclicos con presión de confinamiento constante (PCC) y variable (PCV). Con base en el análisis de dichas ecuaciones, se escogieron las más utilizadas en el mundo con el fin de simular el comportamiento que experimentó un GNT en ensayos tipo PCC y PCV. Las simulaciones realizadas demuestran que la mayor parte de las ecuaciones empíricas que se utilizan para predecir la acumulación de la deformación permanente de un material granular bajo carga cíclica no pueden reproducir su comportamiento en ensayos PCC y PCV. Adicionalmente, los parámetros que emplean dichas ecuaciones no son constantes del material.

Palabras claves: Materiales granulares no tratados, ensayos triaxiales cíclicos, ecuaciones empíricas.

Abstract

In the world the most used equations in order to predict deformations in unbound granular materials (UGM) of flexible pavement structures are empirical. Many research projects have been performed in this area, however the discussion if these equations are reliable have not finished yet. Initially, the paper presents the evolution of some empirical equations developed in order to try to predict the permanent strain accumulation that undergo unbound granular materials (UGM) in cyclic triaxial tests with constant and variable confining pressure (CCP and VCP respectively). Based in the analysis of such equations, the most used in the world were chosen in order to simulate the behavior that underwent a UGM in CCP and VCP tests. The simulations performed, shown that the most part of the empirical equations used to predict the permanent strain accumulation in UGMs can not reproduce the behavior of these materials in CCP and VCP tests. Additionally, the parameters used in such equations are not constants of the material.

Key words: Unbound granular materials, cyclic triaxial test, empirical equations.

Fecha de recepción: 19 de septiembre de 2008
Fecha de aceptación: 24 de marzo de 2009

INTRODUCCIÓN

En la mayor parte el mundo, las investigaciones que se hacen sobre materiales granulares no tratados (GNT) para pavimentos emplean equipos

triaxiales cíclicos (especialmente aquellos donde la presión de confinamiento permanece constante durante el ensayo) cuando estudian el comportamiento (rigidez y acumulación de las deformaciones permanentes) que experimentan bajo carga cíclica. Con base en estas investigaciones se han desarrollado diversas ecuaciones empíricas que relacionan principalmente la evolución de la deformación permanente con el número de ciclos de carga y la magnitud de los esfuerzos aplicados. A pesar de que múltiples investigaciones en esta área han sido desarrolladas, la discusión sobre el grado de confiabilidad y eficacia de dichas ecuaciones no ha finalizado. Por lo anterior la presente investigación ayuda a que se profundice en la discusión. Así, inicialmente el artículo presenta la evolución de algunas de las ecuaciones matemáticas empíricas desarrolladas a fin de predecir la deformación, de las que se escogieron las más utilizadas en el mundo para simular el comportamiento que experimentó un GNT en ensayos triaxiales cíclicos con presión de confinamiento constante (PCC) y variable (PCV). Con los resultados de las simulaciones se analiza el grado de confiabilidad y la eficacia de las ecuaciones utilizadas. Los ensayos triaxiales cíclicos y de caracterización sobre el GNT fueron realizados en el Instituto de Investigaciones de Mecánica de Suelos y Cimentaciones de la Ruhr Universität Bochum (Alemania) y sus resultados son descritos detalladamente en Rondón et ál. [1] y Rondón [2].

ECUACIONES DE DEFORMACIÓN PERMANENTE

A continuación se presentan algunas ecuaciones empíricas encontradas en la literatura de referencia que intentan predecir la evolución de la deformación permanente en materiales granulares (ϵ_1^p significa deformación permanente axial y N número de ciclos).

- Barksdale [3] realizó ensayos triaxiales cíclicos con un máximo de 10^5 ciclos de carga.

$$\epsilon_1^p = a + b \log(N) \quad (1)$$

a, b son parámetros del material obtenidos por regresión.

- Hyde [4] tiene en cuenta la influencia del esfuerzo desviador y la presión de confinamiento.

$$\varepsilon_{lf}^p = a \frac{q}{\sigma_3} \quad (2)$$

ε_{lf}^p es la deformación permanente axial final para un número de ciclos infinitos, q es el esfuerzo desviador, σ_3 es la presión de confinamiento y a es un parámetro del material obtenido por regresión. Lashine et ál. [5] y Brown [6] habían presentado una ecuación similar donde $a = 0.9$ y 0.01 , respectivamente.

- Para Veverka [7] la ecuación supone que existe una correlación de proporcionalidad entre las deformaciones resilientes y las permanentes.

$$\varepsilon_1^p = \mu \varepsilon N^\alpha \quad (3)$$

μ es una constante de proporcionalidad entre la deformación permanente y la resiliente, ε es la deformación permanente para los primeros 200 ciclos de carga y α es un parámetro que tiene en cuenta la disminución de la tasa de deformación con N .

- Lentz y Baladi [8] proponen una ecuación hiperbólica donde se correlacionan los esfuerzos y las deformaciones cíclicas con las monotónicas.

$$\frac{\sigma_d}{S_d} = \frac{\frac{\varepsilon_p}{\varepsilon_{0.95S_d}}}{n + m \left(\frac{\varepsilon_p}{\varepsilon_{0.95S_d}} \right)} \quad (4)$$

σ_d es el esfuerzo desviador cíclico, S_d es la resistencia pico medida en un ensayo triaxial monotónico, ε_p es la deformación permanente, $\varepsilon_{0.95S_d}$ es la deformación monotónica que se produce en el 95% de la resistencia pico y n, m son parámetros del material.

- Khedr [9], con base en ensayos triaxiales cíclicos tipo PCC y PCV (presión de confinamiento variable), concluyó que la tasa de deformación permanente en materiales granulares decrece logarítmicamente con el número de ciclos de carga y relaciona la deformación permanente con la rigidez del material.

$$\frac{\varepsilon_1^p}{N} = S_1 (R_o)^{S_2} (M_R)^{S_3} N^{-m} \quad (5)$$

M_R es el módulo resiliente, R_o es la relación de esfuerzos octaédricos (τ_o/σ_o) y s_1, s_2, s_3, m son parámetros del material.

- Según Paute et ál. [10], la ecuación tiene en cuenta que en los primeros cien ciclos de carga la deformación permanente se debe al reacomodo de la muestra durante el ensayo.

$$\varepsilon_1^p = A \frac{\sqrt{N}}{\sqrt{N} + D} + \varepsilon_o^p \quad (6)$$

ε_o^p es la deformación producida en los primeros 100 ciclos de carga y A, D son parámetros del material obtenidos por regresión.

- Tseng y Lytton [11].

$$\varepsilon_1^p = \varepsilon_o \exp\left(-\frac{\rho}{N}\right)^\beta \quad (7)$$

ε_o, ρ y β son parámetros obtenidos por medio de regresión.

- Sweere [12] plantea una ecuación similar a la de Barksdale [3], pero las muestras en los ensayos experimentaron un número de ejes mayores de carga (10^6).

$$\begin{aligned} \log \varepsilon_1^p &= a + b \log(N) \\ \varepsilon_1^p &= aN^b \end{aligned} \quad (8)$$

a, b son parámetros del material obtenidos por regresión.

- Hornych et ál. [13]. Esta ecuación se basa en los resultados de ensayos tipo PCV aplicando al material granular 8×10^4 ciclos de carga.

$$\varepsilon_1^p = \varepsilon_o^p + A \left[1 - \frac{N^{-B}}{100} \right] \quad (9)$$

ε_o^p es la deformación producida en los primeros 100 ciclos de carga y A, B son parámetros del material. A en esta ecuación es considerado

como el valor límite de acumulación de deformación [14]. Lekarp et ál. [15-16] y Lekarp y Dawson [17] basados en ensayos triaxiales cíclicos mencionan que esta ecuación puede perder validez cuando los niveles de esfuerzo desviador y N son elevados.

- Wolff [18], Wolff y Visser [19] aportaron una ecuación fundamentada en ensayos a escala real con un simulador de vehículo pesado (HVS por sus siglas en inglés).

$$\varepsilon_1^p = (cN + a)(1 - \exp^{-bN}) \quad (10)$$

c es la pendiente de la asíntota en la curva ε_1^p vs. N , a es el intercepto de la asíntota y b controla su curvatura.

- Huurmann [20] y Werkmeister et ál. [21], a partir del concepto del *Shakedown* desarrollaron la Ec. (11), que también fue empleada en los estudios de van Niekerk et ál. [22].

$$\varepsilon_1^p = A \left[\frac{N}{1000} \right]^B + C \left(\exp^{\frac{D \cdot N}{1000}} - 1 \right) \quad (11)$$

$$\begin{aligned} A &= (a_1 \exp^{a_2 \sigma_3}) \sigma_1^2 + (a_3 \sigma_3^{a_4}) \sigma_1 \\ B &= (b_1 \exp^{b_2 \sigma_3}) \sigma_1 + (b_3 \sigma_3^{b_4}) \end{aligned} \quad (12)$$

A es un parámetro que describe la deformación para 1000 ciclos de carga cuando la magnitud del esfuerzo es tal que el material tiende a una fase de estabilización de la deformación permanente. B es un parámetro que describe la pendiente de la curva de deformación vs. N . Con los parámetros C y D (segunda parte de la ecuación) se puede describir el comportamiento del material cuando la fase estable de la deformación no es alcanzada durante el ensayo. a_i y b_i son parámetros del material obtenidos por regresión.

- Theyse [23], basado en resultados obtenidos en un HVS, modifica la ecuación de Wolf [18] con el fin de que pueda tener en cuenta la influencia del esfuerzo.

$$PD = \exp^c N^s (\exp^{B \sigma_1} - 1) \quad (13)$$

PD es el desplazamiento vertical permanente (por su sigla en inglés) y c , s y B son parámetros del material.

- Gidel et ál. [24]. Esta ecuación tiene en cuenta el efecto que produce ensayar el material granular con diferentes trayectorias de carga q/p (esfuerzo desviador/presión media). Se divide en dos partes: la primera es función del número de ciclos de carga y la segunda es función de los esfuerzos máximos que experimenta el material.

$$\varepsilon_1^p = \varepsilon_o^p \left[1 - \frac{N^{-B}}{100} \right] \left(\frac{\sqrt{p_{\max}^2 + q_{\max}^2}}{p_a} \right)^n \frac{1}{\left(m + \frac{s}{p_{\max}} - \frac{q_{\max}}{p_{\max}} \right)} \quad (14)$$

ε_o^p es la deformación permanente producida en los primeros 100 ciclos de carga, p_{\max} es la presión media máxima, q_{\max} es el esfuerzo desviador máximo que experimenta el material durante el ensayo y B , m , n , s son parámetros del material. La Ec. (14) puede ser utilizada cuando la magnitud de esfuerzos es tal que el material presenta una fase de estabilización de la deformación permanente.

- Theyse [25]. La Ec. (15) es similar a la de Wolf y Wissar [19] y puede ser empleada cuando la deformación permanente tiende a una fase estable. Para el caso donde la deformación permanente es inestable, los autores recomiendan utilizar la Ec. (16).

$$PD = mN + a(1 - \exp^{-bN}) \quad (15)$$

$$PD = q \exp^{rN} + p \exp^{-sN} - q + p \quad (16)$$

PD es el desplazamiento vertical y a , b , r , s son parámetros del material.

- El Abd et ál. [26] modifican la Ec. (14) para el caso en el cual la fase estable de deformación permanente no es alcanzada en los ensayos triaxiales cíclicos. Reemplazan la primera parte de la Ec. (14) por la Ec. (8) de Sweere (1990).

$$\varepsilon_1^p = aN^b \left(\frac{\sqrt{p_{max}^2 + q_{max}^2}}{p_a} \right)^n \frac{1}{\left(m + \frac{S}{p_{max}} - \frac{q_{max}}{p_{max}} \right)} \quad (17)$$

a, b son parámetros del material obtenidos por regresión.

- Núñez et ál. [27] mediante en ensayos triaxiales cíclicos tipo multiescala realizados en Brasil sobre un material basáltico triturado con diferentes granulometrías desarrollaron ecuaciones que relacionan la deformación permanente inicial (ε_{pi}) y la tasa de deformación constante (TDC) con el esfuerzo desviador (q) y la relación entre el esfuerzo desviador y el de falla (q/σ_{1f}). Estas ecuaciones pueden ser utilizadas para el caso en el que la magnitud del esfuerzo desviador es tal que el material presenta una tasa de deformación permanente constante.

$$\varepsilon_{pi} = a \exp^{hq} \quad (18)$$

$$TDC = c \exp^{dq} \quad (19)$$

$$\varepsilon_{pi} = f \exp^{g \frac{q}{\sigma_{1f}}} \quad (20)$$

$$TDC = h \exp^{i \frac{q}{\sigma_{1f}}} \quad (21)$$

a, b, c, d, e, f, g son parámetros del material obtenidos por regresión.

- Liu y Carter [28]. En la Ec. (22) los autores relacionan la deformación permanente con el incremento en el esfuerzo desviador cíclico (Δq) y en el de falla monotónico (q_f). Dependiendo de la trayectoria de esfuerzo descomponen la Ec. (22) en la Ec. (23).

$$\varepsilon_p = a \left(\frac{\Delta q}{q_f - \Delta q} \right) (\log N)^b \quad (22)$$

$$\varepsilon_p(N) = \varepsilon_p(N) \Big|_{OB} - \varepsilon_p(N) \Big|_{OC} \quad (23)$$

a, b son parámetros del material obtenidos por regresión.

- Uzan [29] relaciona la deformación permanente axial con la resiliente (ε_1') para el mismo N .

$$\log\left(\frac{\varepsilon_1^p}{\varepsilon_1^r}\right) = \left[a_0 + a_1\left(\frac{\theta + k_1}{P_a}\right) + a_2\left(\frac{\tau_{oct}}{P_a}\right) \right] + \left[b_0 + b_1\left(\frac{\theta + k_1}{P_a}\right) + b_2\left(\frac{\tau_{oct}}{P_a}\right) \right] \log N \quad (24)$$

θ es la suma de esfuerzos principales, τ_{oct} es el cortante octaédrico, $p_a = 100$ kPa y a_i, b_i, k_i son parámetros obtenidos por regresión.

- Erlingsson y Ingason [30] desarrollaron una ecuación similar a la de Tseng y Lytton [11], pero correlacionan las deformaciones resilientes (ε_r) con las permanentes (ε_p) medidas en laboratorio e in situ (campo) por medio de un HVS.

$$\frac{\varepsilon_p^{campo}}{\varepsilon_r^{campo}} = \frac{\varepsilon_p^{laboratorio}}{\varepsilon_r^{laboratorio}} \quad (25)$$

$$\varepsilon_p^{campo} = \frac{\varepsilon_o}{\varepsilon_r^{laboratorio}} \exp\left(-\left(\frac{\rho}{N}\right)^\beta\right) \varepsilon_r^{campo}$$

ε_o, ρ y β son parámetros obtenidos por medio de regresión.

La mayor deficiencia de las ecuaciones presentadas es que sus parámetros en muchos casos no tienen significado físico y son variables del estado del material. Además, no son capaces de reproducir la evolución de la rigidez bajo diversas trayectorias de esfuerzo. Incluso algunas de ellas (p. ej., [3, 12-13]) relacionan solamente la deformación permanente con N y no pueden ser aplicadas con alto grado de confianza ya que no toman en cuenta la magnitud del esfuerzo aplicado.

DESARROLLO EXPERIMENTAL

Ensayos de caracterización

A continuación se mencionan los ensayos de caracterización realizados al material, que en su gran mayoría fueron ejecutados siguiendo las *Normas de ensayos de materiales para carreteras* del Instituto Nacional de Vías [31]: análisis granulométrico de agregados gruesos y finos (INV. E - 213), peso específico (INV. E - 222, 223), porcentaje de partículas fracturadas (INV. E - 227), índice de alargamiento y aplanamiento (INV. E - 230), índice de plasticidad (INV. E - 125, 126), Proctor modificado (INV. E - 142), ángulo de reposo para la estimación del ángulo de fricción crítico, densidad máxima

y mínima seca del material (ρ_{dmax} , ρ_{dmin} , respectivamente) según la norma alemana DIN 18126, y triaxial monotónico drenado en estado denso.

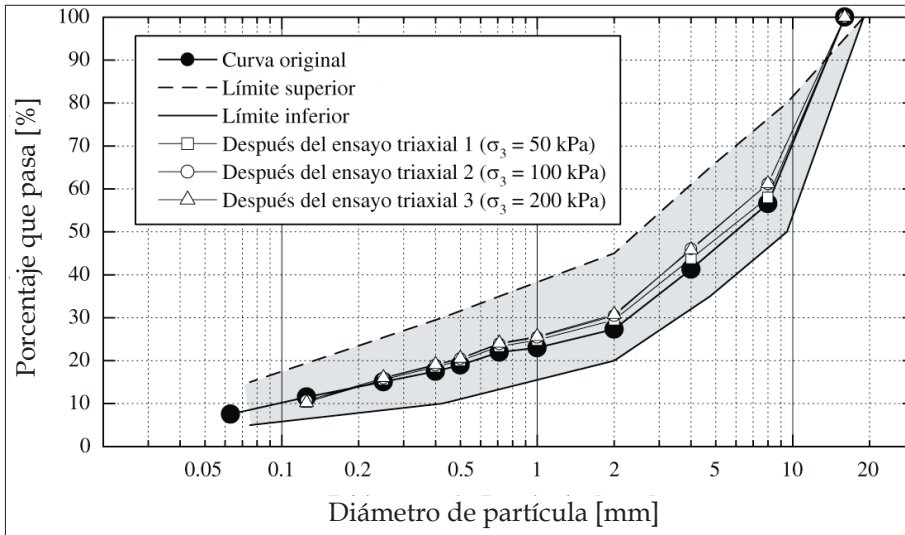


Figura 1. Distribución granulométrica del material (denotado como “curva original”) comparado con los valores límites de la especificación INVÍAS [32]

El material granular utilizado para los ensayos está formado básicamente por partículas subangulares de cuarzo. La granulometría utilizada corresponde con lo exigido por las especificaciones colombianas para la conformación de bases granulares tipo BG-2 en pavimentos flexibles (INVÍAS [32]) (ver figura 1), a excepción del tamaño máximo de partícula (d_{max}) requerido. El d_{max} se redujo a 16 mm a fin de que la relación entre la longitud de la sección transversal (b) de las muestras en el ensayo triaxial y d_{max} (b/d_{max}) fuera mayor a 5 (valor requerido por la especificación alemana DIN 18 137 para el caso de materiales bien gradados). El diámetro medio de partícula (d_{50}) es 6.3 mm y el coeficiente de uniformidad ($C_u = d_{60}/d_{10}$) es 100. El peso específico del material (ρ_s) es de 2.65 g/cm³ y se utilizó un picnómetro para su determinación. Conforme a la especificación Alemana DIN 18 126, la máxima densidad seca del material (ρ_{dmax}) es de 2.16 g/cm³ (determinada en una mesa vibratoria) y la mínima (ρ_{dmin}), de 1.84 g/cm³. Con los anteriores valores se obtuvieron las relaciones de vacíos mínima ($e_{min} = 0.225$) y máxima

($e_{\max}=0.444$) del material. El contenido óptimo de agua determinado en el ensayo Proctor fue de 5.2% y la densidad seca máxima ($\rho_{d\max Pr}$), de 2.30 g/cm³. Este porcentaje de agua fue el que utilizó para la elaboración de las muestras de los ensayos triaxiales monotónicos y cíclicos. El ángulo de fricción crítico ($\varphi_c \approx 38^\circ$) fue determinado por medio del ensayo de ángulo de reposo con el material en estado seco. La fracción fina del material no presentaba plasticidad, los índices de alargamiento, aplanamiento y caras fracturadas presentaban valores de 29%, 33% y 70%, respectivamente. Una descripción más detallada de los ensayos de caracterización y resistencia monotónica realizados sobre el GNT puede ser consultada en Rondón et al. [1].

Ensayos triaxiales cíclicos

En la tabla 1 se presenta la información del programa de ensayos triaxiales cíclicos, que fueron realizados bajo condición drenada. Las trayectorias de esfuerzos descritas en la tabla 1 se representan de manera gráfica en la figura 2; en esta se observa que para cada trayectoria PCV existe una PCC con la misma q_{med} , p_{med} y q_{\max} . En la figura 3 se describe esquemáticamente la notación de la distribución del esfuerzo durante los ensayos. Las muestras de los ensayos eran saturadas después de ser compactadas empleando un contenido de agua de 5.2% (óptimo obtenido en el ensayo Proctor modificado).

Las frecuencias de carga (f) fueron de 0.05 Hz y de 1.0 Hz para los ensayos PCV y PCC, respectivamente. Esta diferencia en la frecuencia fue por razones técnicas de operación del equipo triaxial ya que la máxima velocidad de carga en el ensayo PCV debe ser de 0.05 Hz. Por tal razón en los ensayos PCV fueron aplicados 3×10^4 ciclos de carga al material y para el caso de los ensayos PCC hasta 2×10^5 . Una descripción más detallada sobre los ensayos realizados para caracterizar el material granular puede ser consultada en Rondón [2].

Tabla 1

Programa de ensayos triaxiales cíclicos

(p_{\min} = presión media mínima, p_{\max} = presión media máxima, p_{med} = presión media promedio, p_{ampl} = amplitud de la presión media, q_{\min} = esfuerzo desviador mínimo, q_{\max} = esfuerzo desviador máximo, q_{med} = esfuerzo desviador promedio, q_{ampl} = amplitud del esfuerzo desviador, $\eta_{\text{ampl}} = q_{\text{ampl}}/p_{\text{ampl}}$, e_o = relación de vacíos inicial).

Ensayo	p_{\min} [kPa]	p_{\max} [kPa]	p_{med} [kPa]	p_{ampl} [kPa]	q_{\min} [kPa]	q_{\max} [kPa]	q_{med} [kPa]	q_{ampl} [kPa]	η_{ampl} [-]	η_{med} [-]	e_o [-]	f [Hz]
PCV												
1	20	200.0	110	90	0	135	67.5	67.5	0.75	0.61	0.22	0.05
3	20	100.0	60	40	0	60	30	30	0.75	0.50	0.22	0.05
4	20	100.0	60	40	0	120	60	60	1.50	1.00	0.23	0.05
5	20	200.0	110	90	0	270	135	135	1.50	1.23	0.23	0.05
6	20	200.0	110	90	0	202.5	101.25	101.25	1.125	0.92	0.24	0.05
PCC												
2w	87.5	132.5	110	22.5	0	135	67.5	67.5	3.0	0.61	0.21	1.00
8	50	70.0	60	10	0	60	30	30	3.0	0.50	0.22	1.00
9	40	80.0	60	20	0	120	60	60	3.0	1.00	0.22	1.00
10	65	155.0	110	45	0	270	135	135	3.0	1.23	0.22	1.00
11	76.25	143.8	110	33.78	0	202.5	101.25	101.25	3.0	0.92	0.21	1.00

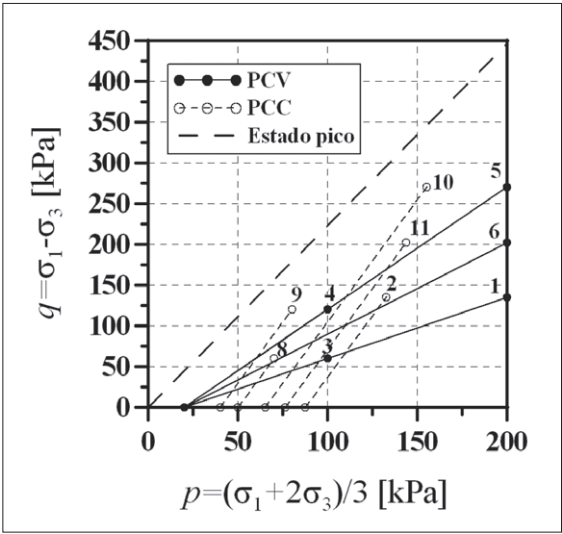


Figura 2

Trayectorias de esfuerzos utilizadas para los ensayos cíclicos. q es el esfuerzo desviador, p es la presión media, σ_1 y σ_3 son el esfuerzo vertical y el lateral (presión de confinamiento), respectivamente.

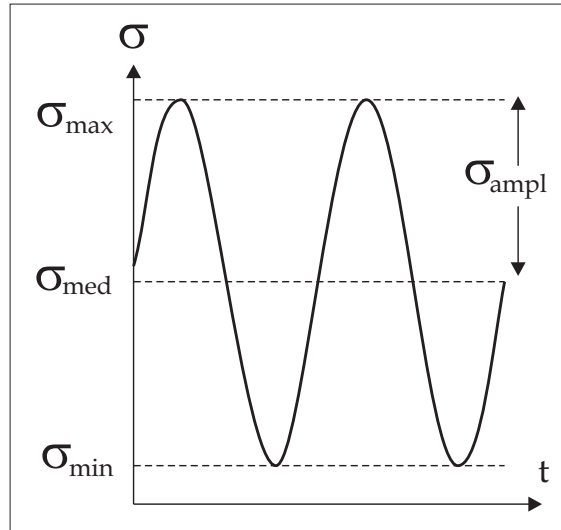


Figura 3

Notación de la distribución del esfuerzo en los ensayos cíclicos. σ_{\max} , σ_{med} y σ_{\min} son el esfuerzo desviador máximo, el medio y el mínimo, respectivamente. σ_{ampl} es la amplitud del esfuerzo aplicado.

RESULTADOS Y SIMULACIÓN DE LOS ENSAYOS CÍCLICOS

En las figuras 4-13 se presentan los resultados obtenidos de los ensayos triaxiales cíclicos tipo PCC y PCV, lo mismo que su simulación con el empleo de las Ec. (1, 6-8, 10). Estas ecuaciones fueron escogidas debido principalmente a que:

- Son las más utilizadas en el mundo para intentar predecir la evolución de las deformaciones permanentes con el número de ciclos de carga.
- En el presente artículo se pretende evaluar la efectividad y las limitaciones de emplear ecuaciones cuando no tienen en cuenta la influencia del esfuerzo aplicado sobre la evolución de las deformaciones permanentes.

Los valores de los parámetros de cada una de las ecuaciones utilizadas se presentan en la tabla 2 donde se observa que dichos parámetros no son constantes del material, sino variables de estado ya que exhiben valores diferentes dependiendo de la magnitud de los esfuerzos aplicados al material ensayado. Los parámetros fueron obtenidos utilizando el *software* EasyPlot 4.

Tabla 2

Variables de estado de las ecuaciones utilizadas para las simulaciones

PCV					
Ecuación	Ensayo 1	Ensayo 3	Ensayo 4	Ensayo 5	Ensayo 6
(1), Barksdale [3]	$a=-0.018$, $b=0.089$	$a=-0.027$, $b=0.07$	$a=0.0017$, $b=0.083$	$a=-0.89$, $b=0.96$	$a=-0.30$, $b=0.37$
(6), Paute et ál. [10]	$A=0.47$, $D=32.16$	$A=0.37$, $D=35.01$	$A=0.4$, $D=16.63$	$A=7.47$, $D=143.5$	$A=2.29$, $D=81.13$
(7), Tseng y Lytton [11]	$\varepsilon_o=0.36$, $\rho=5.91$, $\beta=32.76$	$\varepsilon_o=0.274$, $\rho=13.7$, $\beta=16.17$	$\varepsilon_o=0.34$, $\rho=10.36$, $\beta=10.44$	$\varepsilon_o=3.85$, $\rho=38.56$, $\beta=32.3$	$\varepsilon_o=1.45$, $\rho=29.17$, $\beta=26.0$
(8), Sweere [12]	$a=0.05$, $b=0.21$	$a=0.033$, $b=0.22$	$a=0.066$, $b=0.17$	$a=0.115$, $b=0.35$	$a=0.075$, $b=0.30$
(10), Wolff [18], Wolff y Visser [19]	$c=6.6e-6$, $a=0.24$, $b=0.0074$	$c=4.8e-6$, $a=0.19$, $b=0.0058$	$c=4.7e-6$, $a=0.257$, $b=0.012$	$c=4.7e-5$, $a=2.69$, $b=6.e-4$	$c=2e-5$, $a=1.015$, $b=0.0011$
PCC					
Ecuación	Ensayo 2	Ensayo 8	Ensayo 9	Ensayo 10	Ensayo 11
(1), Barksdale [3]	$a=0.03$, $b=0.05$	$a=0.013$, $b=0.037$	$a=0.50$, $b=0.46$	$a=-1.22$, $b=1.23$	$a=-0.33$, $b=0.36$
(6), Paute et ál. [10]	$A=0.31$, $D=21.51$	$A=0.21$, $D=48.55$	$A=4.28$, $D=280$	$A=8.15$, $D=129$	$A=2.89$, $D=192$
(7), Tseng y Lytton [11]	$\varepsilon_o=0.24$, $\rho=4.5$, $\beta=12.51$	$\varepsilon_o=0.162$, $\rho=15.3$, $\beta=29.75$	$\varepsilon_o=2.36$, $\rho=69.8$, $\beta=86.45$	$\varepsilon_o=5.47$, $\rho=52.3$, $\beta=42.22$	$\varepsilon_o=1.8$, $\rho=30.76$, $\beta=137.85$
(8), Sweere [12]	$a=0.066$, $b=0.13$	$a=0.022$, $b=0.19$	$a=0.054$, $b=0.32$	$a=0.26$, $b=0.27$	$a=0.07$, $b=0.29$
(10), Wolff [18], Wolff y Visser [19]	$c=7.3e-7$, $a=0.2$, $b=0.017$	$c=4.5e-7$, $a=0.126$, $b=0.0021$	$c=5.5e-6$, $a=1.58$, $b=1.5e-4$	$c=1.0e-5$, $a=4.35$, $b=2.75e-4$	$c=3.8e-6$, $a=0.13$, $b=1.88e-4$

En las figuras 4 y 5 se presenta la simulación de los ensayos triaxiales cíclicos utilizando la Ec. (7) para el caso de los ensayos PCC y PCV, respectivamente. Se observa que esta ecuación no reproduce de manera adecuada la evolución de las deformaciones permanentes con los ciclos de carga. Una conclusión similar se obtiene de las figuras 6 y 7 cuando se utiliza para la simulación la Ec. (1), especialmente, cuando la relación entre q_{max} y la presión de confinamiento (σ_{3med}) presenta valores superiores a 2.66 (ensayos 9-11). Cuando esta relación presenta valores entre 1.2 y 1.54 (ensayos 8 y 2 respectivamente), la predicción, que emplea la Ec. (1), mejora; pero el valor del estado inicial de deformación no es bien reproducido. Contrario a lo anterior, cuando se emplea para las simulaciones la Ec. (10) (ver figuras 8 y 9), la predicción es mejor si los niveles de esfuerzos son pequeños ($q_{max}/\sigma_{3med} \leq 1.54$), pues mejora a medida que se incrementan; sin embargo, se observa en las figuras que la Ec. (10) no reproduce de manera confiable la acumulación de las deformaciones permanentes con los ciclos de carga.

En las figuras 10-13 se presentan las simulaciones de los ensayos triaxiales cíclicos utilizando las Ec. (8) y (6), y se observa que la predicción de la acumulación de las deformaciones es buena cuando se emplean estas ecuaciones. La mejor reproducibilidad de los ensayos se obtiene cuando se emplea la Ec. (6), especialmente, si el número de ciclos de carga es elevado.

Con relación a los esfuerzos, generalmente en la literatura de referencia (p.e., [2, 15, 33]) se evidencia que en los ensayos triaxiales cíclicos tipo PCC, la acumulación de la deformación permanente es influida principalmente por la magnitud de q_{max}/σ_{3med} . Con el fin de determinar si existe una correlación entre las variables de estado y la relación q_{max}/σ_{3med} , se realizaron las gráficas que se presentan en las figuras 13-14. En ellas se observa que no existe una correlación entre q_{max}/σ_{3med} y las variables de estado, a excepción de A en la Ec. (6), que se incrementa a medida que aumenta q_{max}/σ_{3med} .

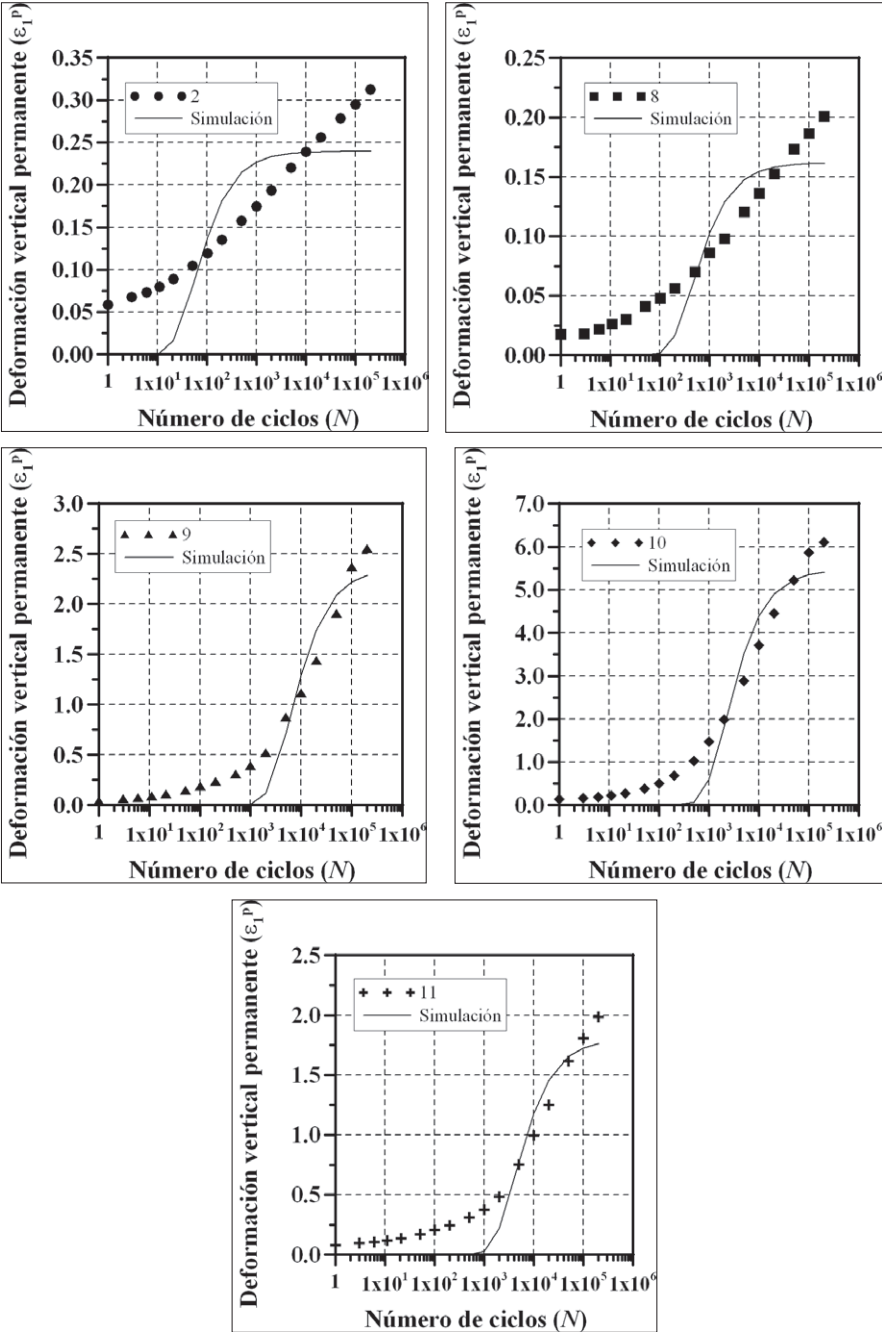


Figura 4. Simulación de ensayos triaxiales cíclicos PCC utilizando la Ec. (7), Tseng y Lytton [11]

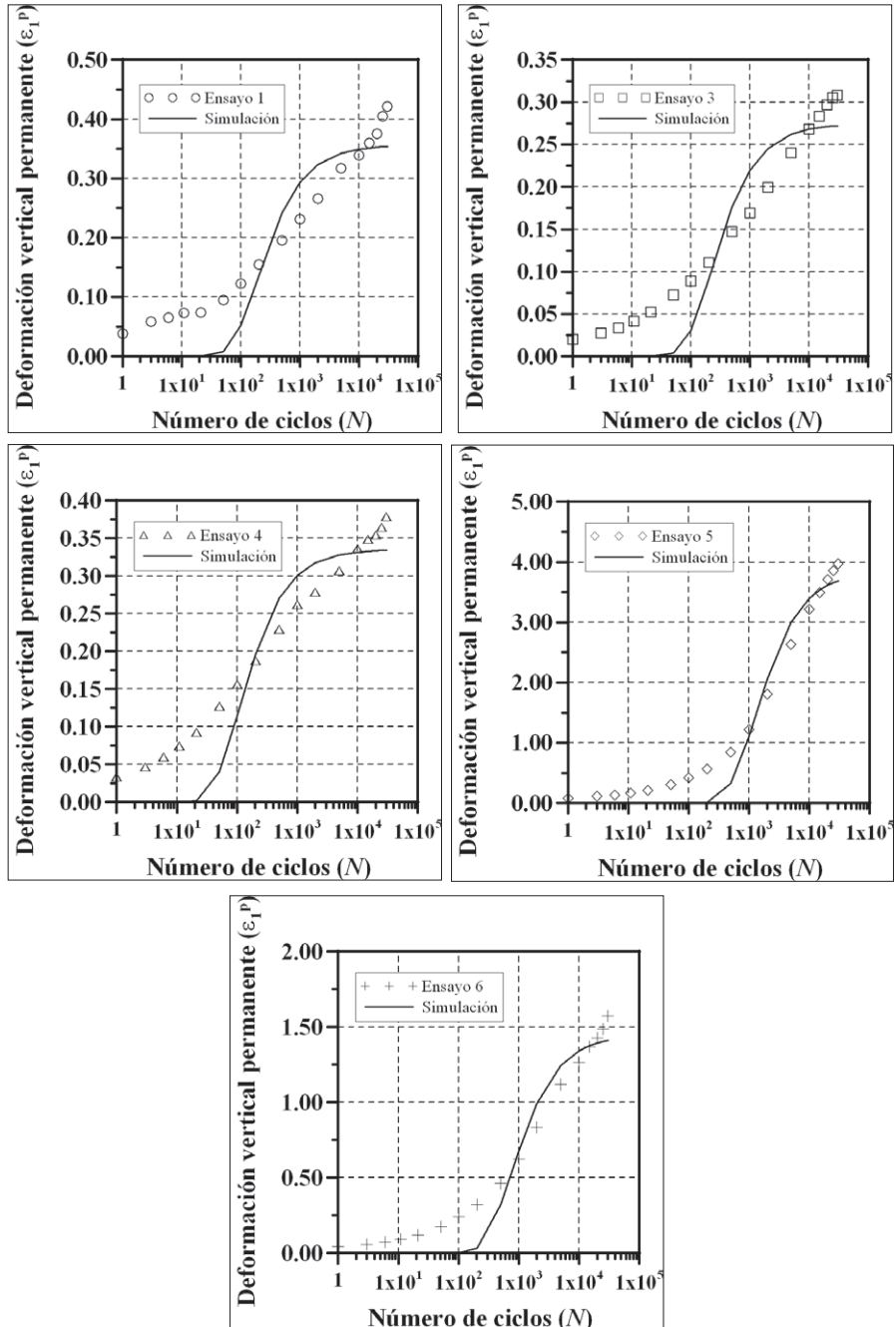


Figura 5. Simulación de ensayos triaxiales cíclicos PCV utilizando la Ec. (7), Tseng y Lytton [11]

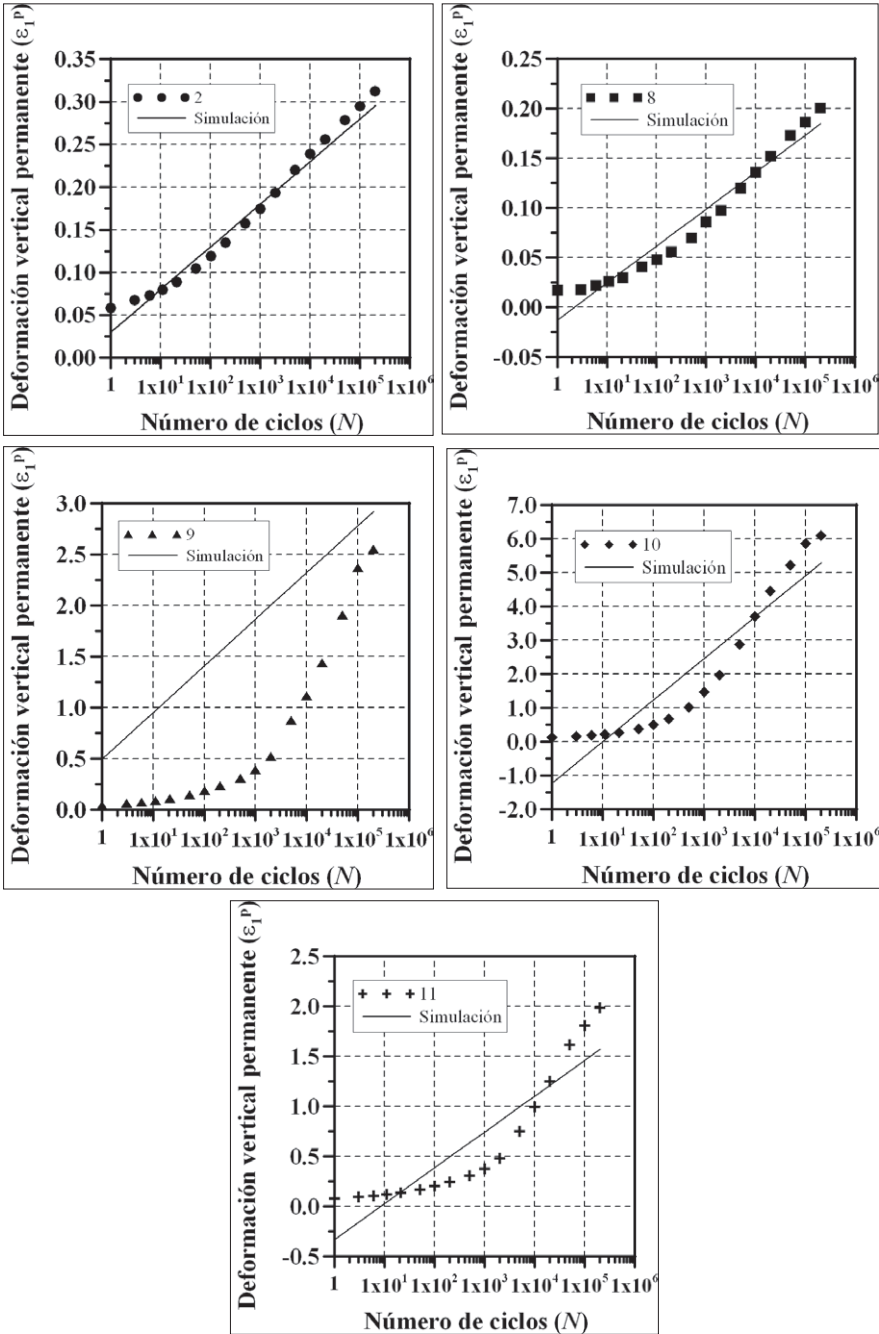


Figura 6. Simulación de ensayos triaxiales cíclicos PCC utilizando la Ec. (1), Barksdale [3]

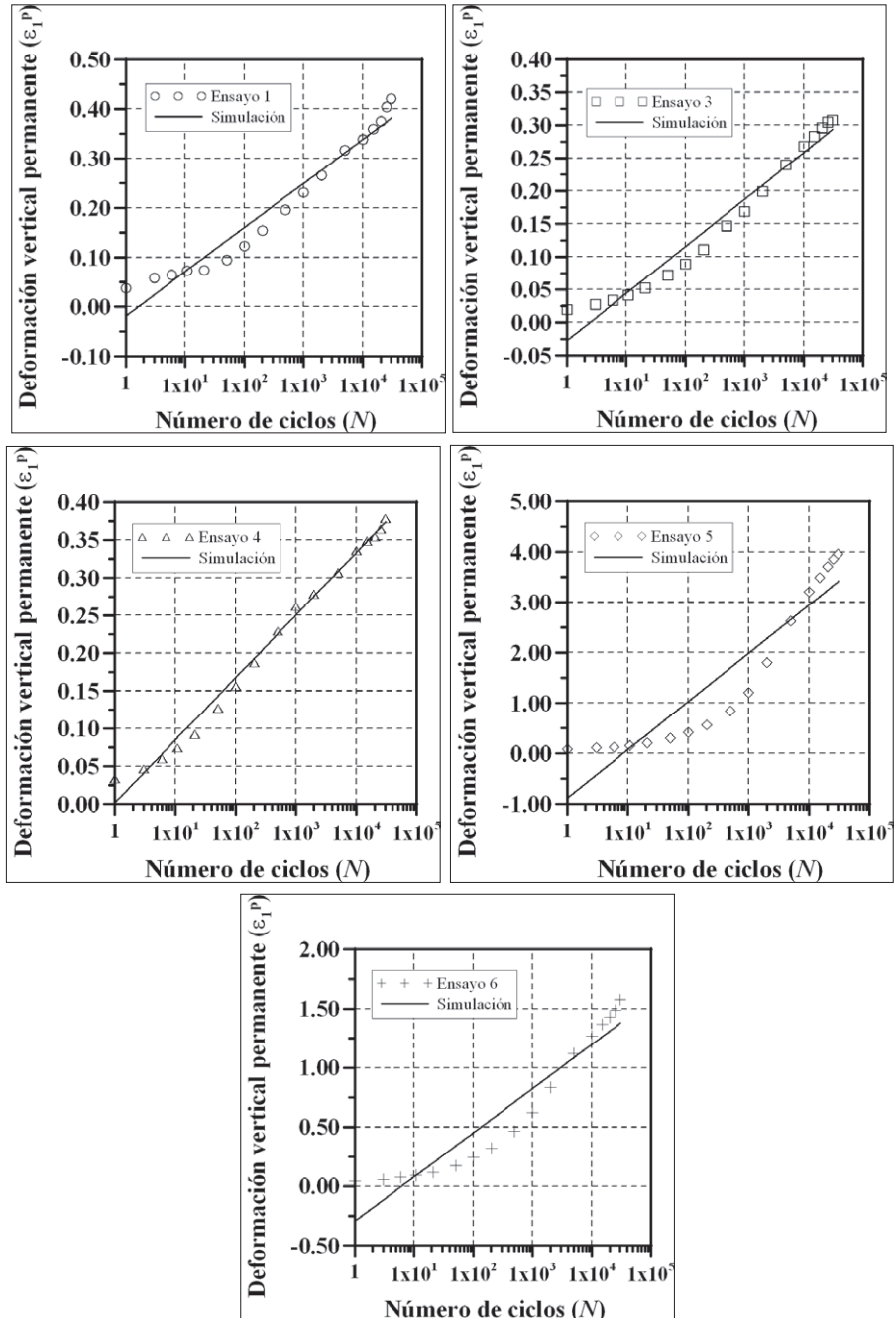


Figura 7. Simulación de ensayos triaxiales cíclicos PCV utilizando la Ec. (1), Barksdale [3]

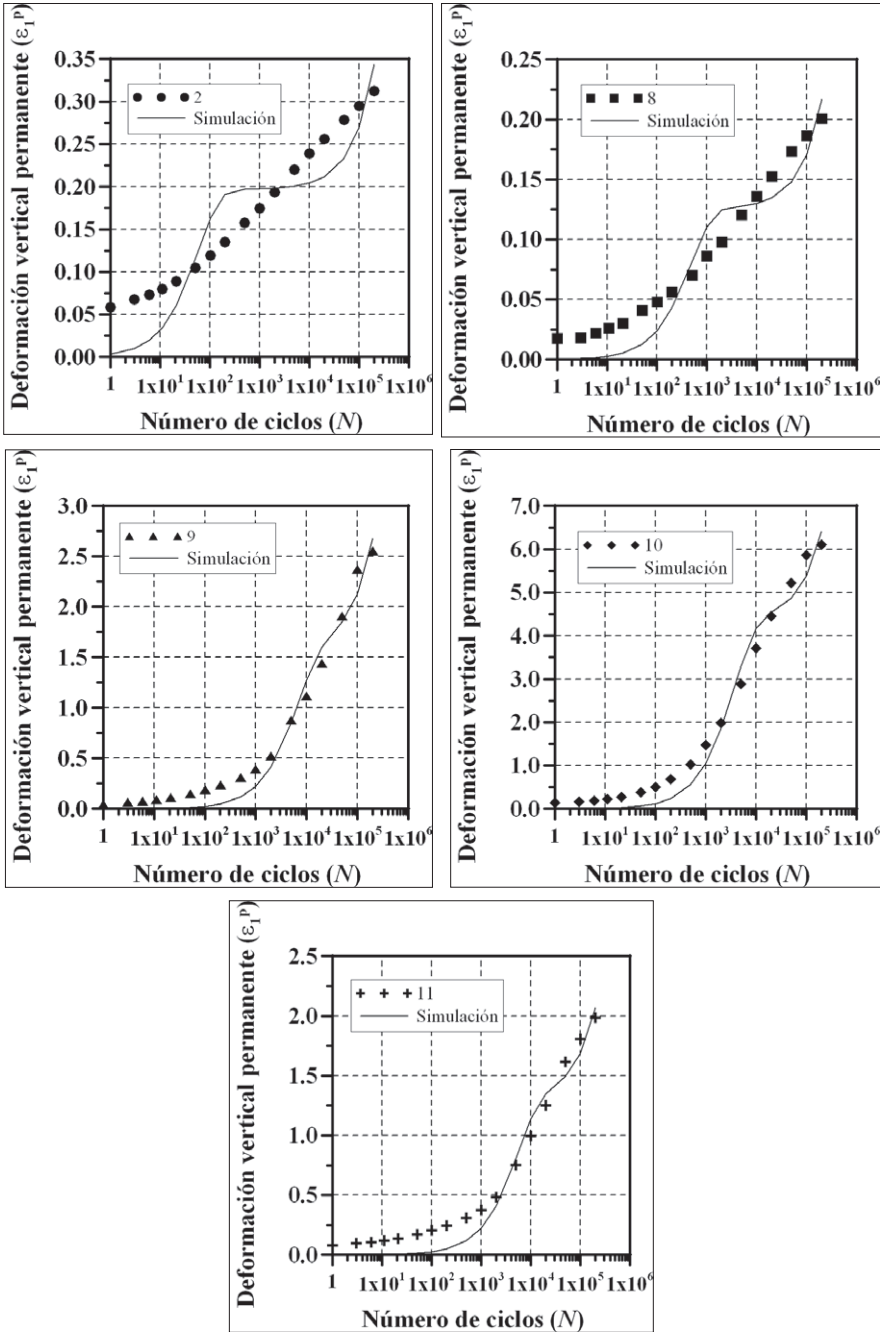


Figura 8. Simulación de ensayos triaxiales cíclicos PCC utilizando la Ec. (10), Wolff [18]

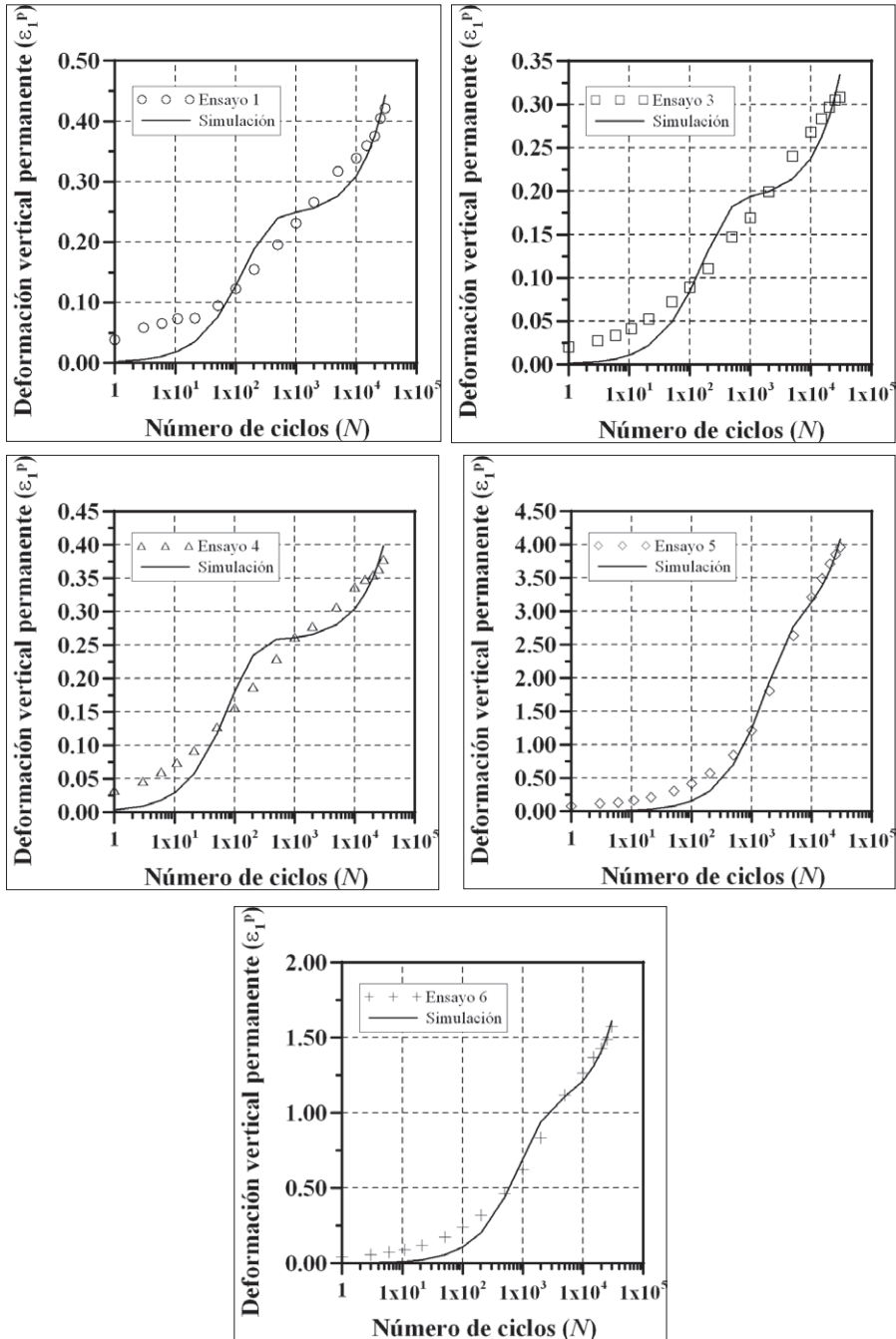


Figura 9. Simulación de ensayos triaxiales cíclicos PCV utilizando la Ec. (10), Wolff [18]

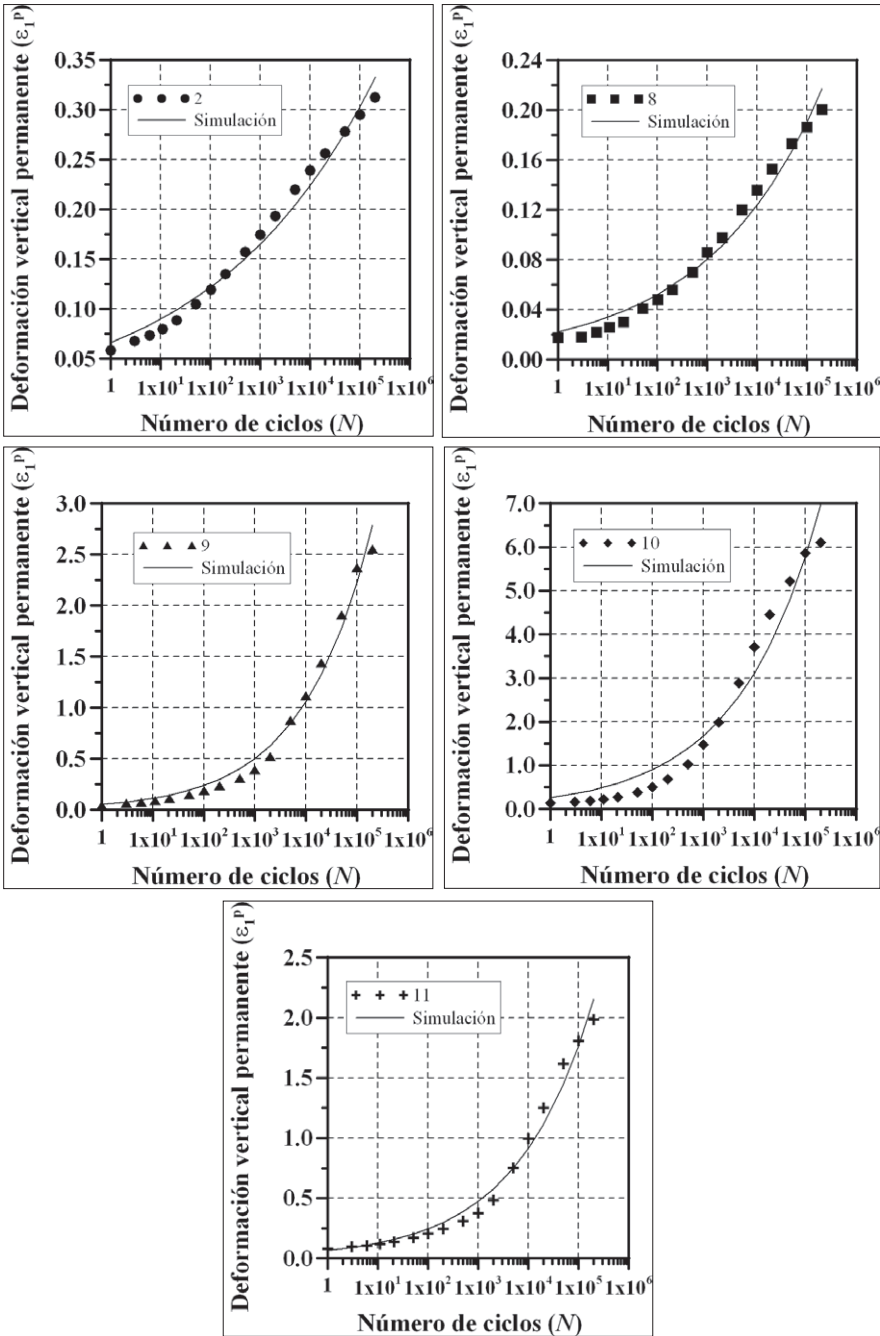


Figura 10. Simulación de ensayos triaxiales cíclicos PCC utilizando la Ec. (8), Sweere [12]

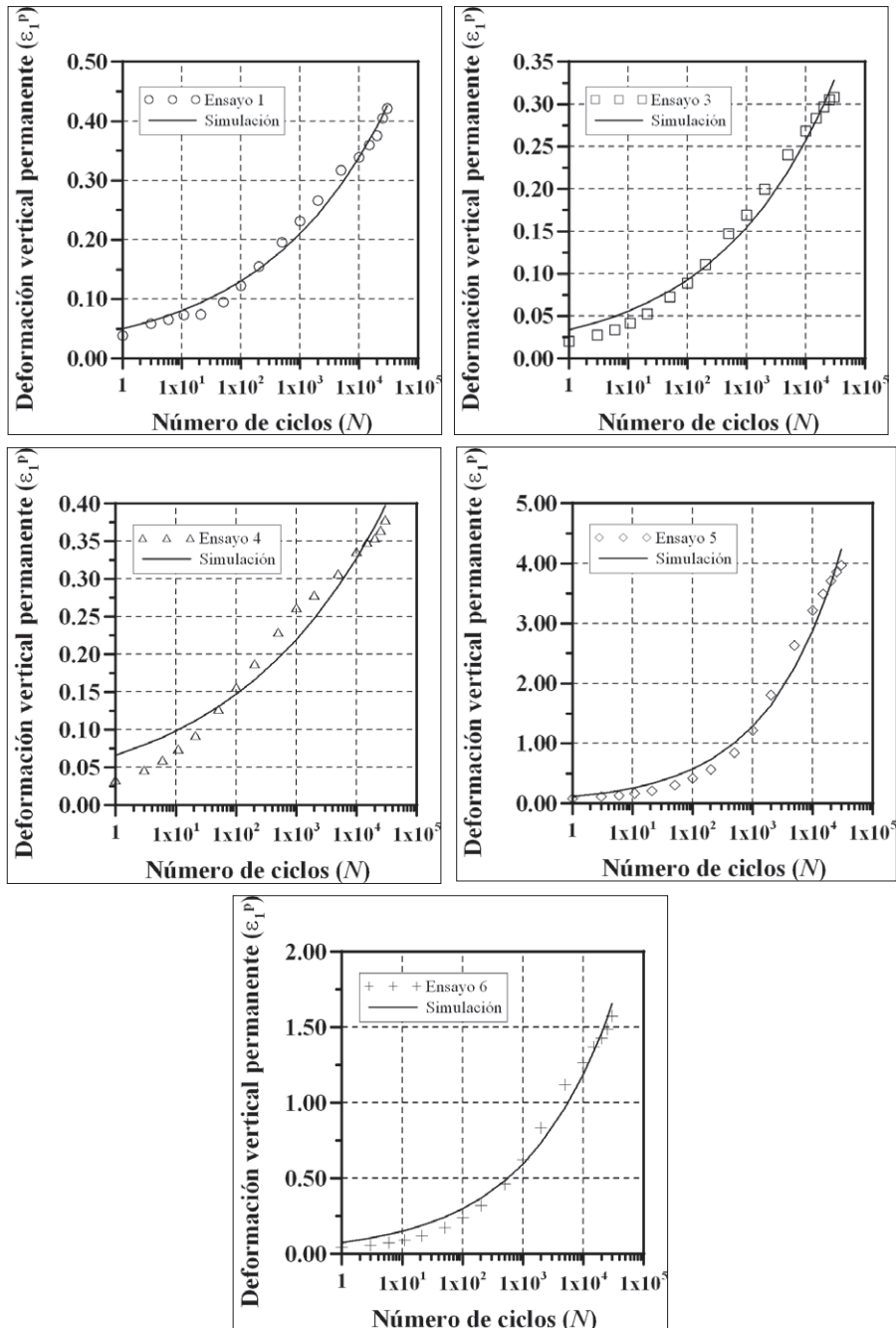


Figura 11. Simulación de ensayos triaxiales cíclicos PCV utilizando la Ec. (8), Sweere [12]

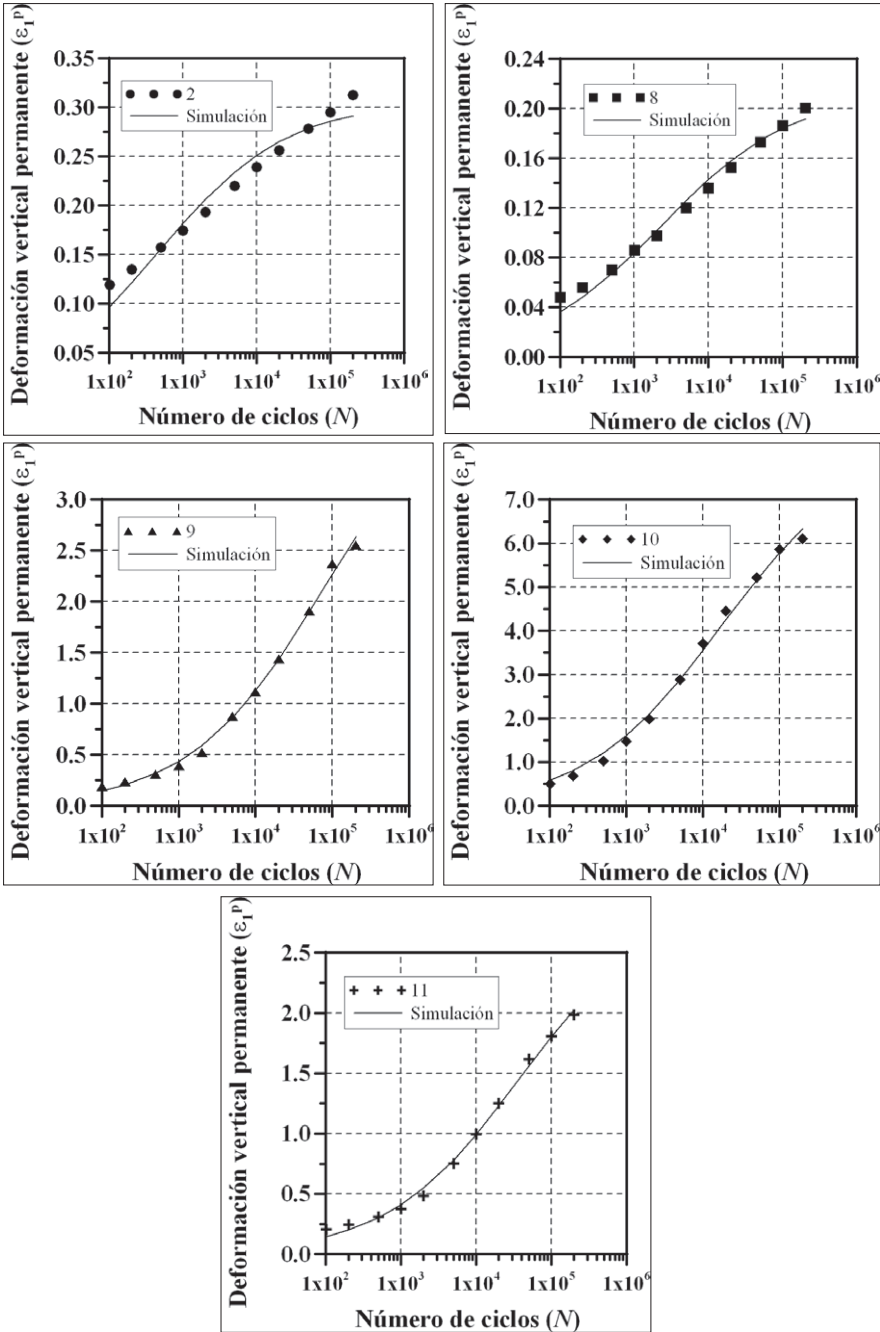


Figura 12. Simulación de ensayos triaxiales cíclicos PCC utilizando la Ec. (6), Paute et ál. [10]

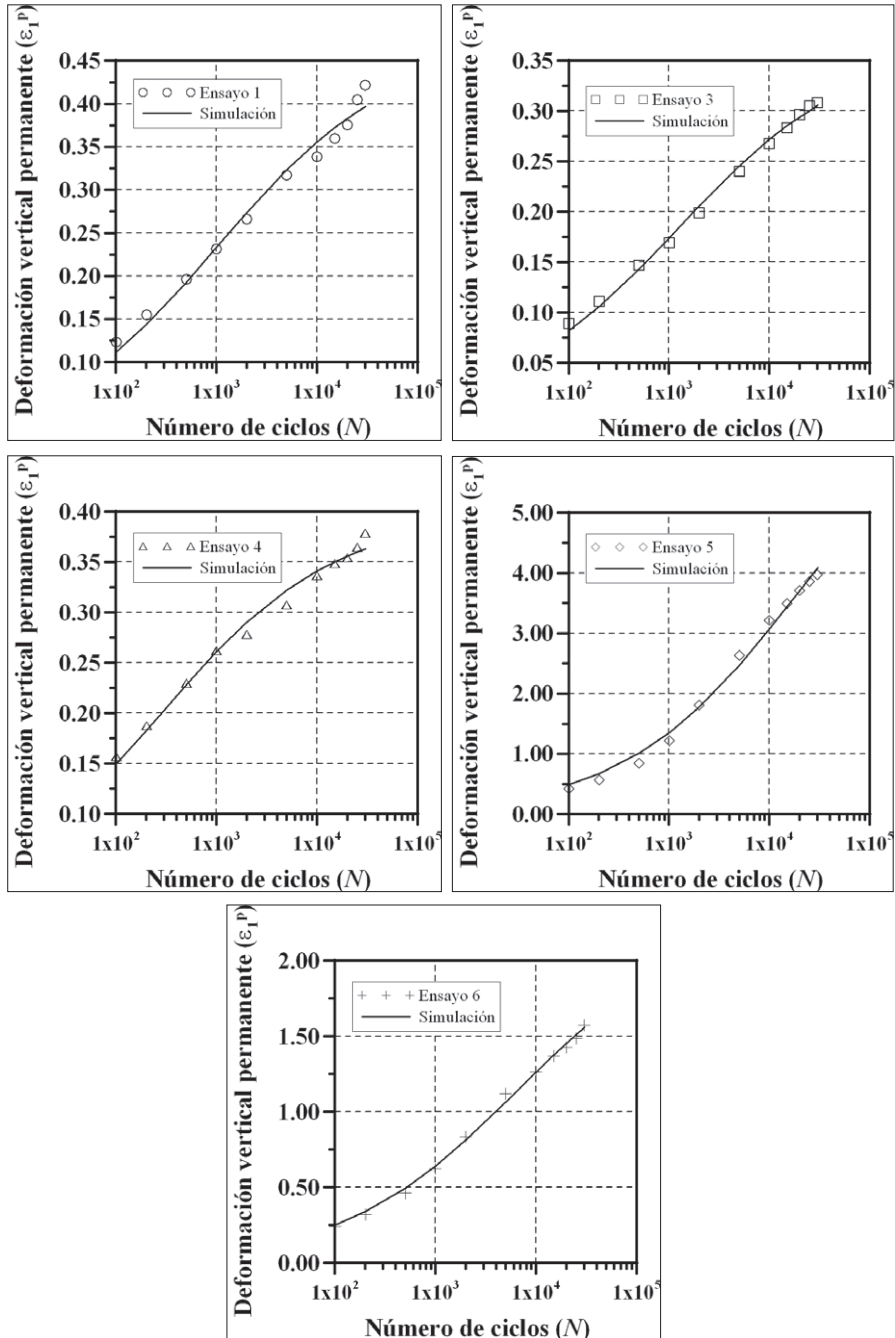


Figura 13. Simulación de ensayos triaxiales cíclicos PCV utilizando la Ec. (6), Paute et ál. [10]

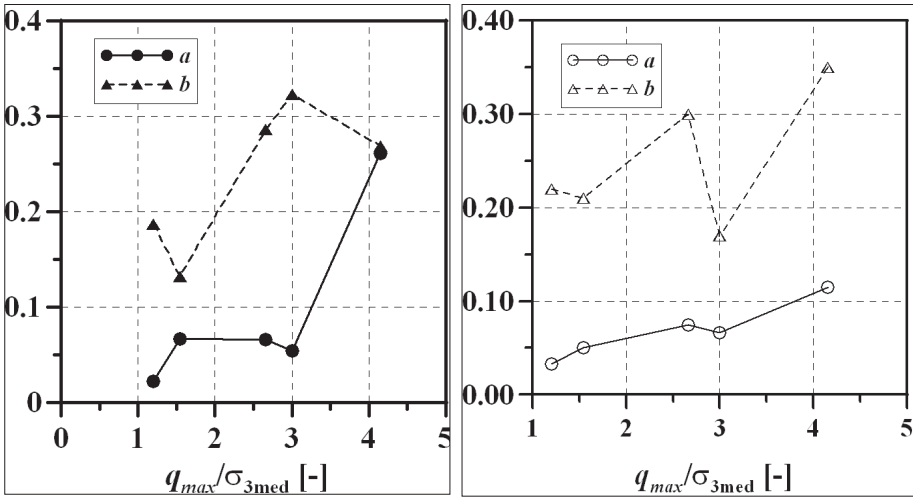


Figura 14. Evolución de los parámetros a y b de la Ec. (8) con q_{max}/σ_{3med} para el caso de los ensayos PCC (izquierda) y PCV (derecha)

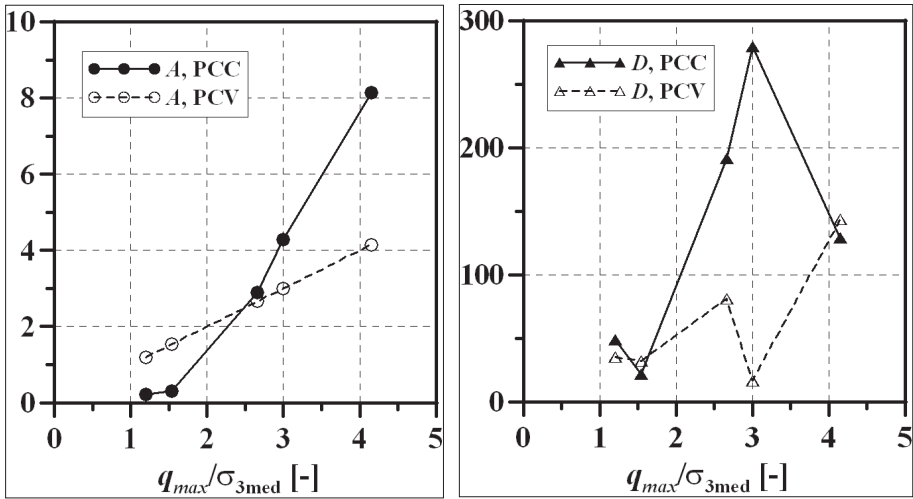


Figura 15. Evolución de los parámetros A (izquierda) y D (derecha) de la Ec. (6) con q_{max}/σ_{3med} para el caso de los ensayos PCC y PCV

CONCLUSIONES

Una vez realizadas las simulaciones de los ensayos triaxiales cíclicos con presión de confinamiento constante y variable se evidencia que no todas

las ecuaciones propuestas en la literatura de referencia son capaces de reproducir el comportamiento que experimenta un material granular en dichos ensayos.

Con base en las simulaciones realizadas, la mejor predicción de la acumulación de la deformación permanente se obtiene cuando se utilizan las Ec. (6) y (8) propuestas por Poute et ál. [10] y Sweere [12], respectivamente. Sin embargo, la mejor reproducibilidad de los ensayos se obtiene cuando se emplea la Ec. (6), especialmente, cuando el número de ciclos de carga es elevado.

Los parámetros obtenidos por medio de regresión para realizar las simulaciones no son constantes del material, ya que evolucionan con la relación entre el esfuerzo desviador cíclico máximo aplicado y la presión de confinamiento (q_{max}/σ_{3med}).

REFERENCIAS

- [1] H.A. Rondón, T. Wichtmann, Th. Triantafyllidis, and A. Lizcano, "Hypoplastic material constants for a well-graded granular material (UGM) for base and subbase layers of flexible pavements", *Acta Geotechnica*, vol. 2, no. 2, pp. 113-126, 2007.
- [2] H.A. Rondón, *Comportamiento de un material granular no tratado en ensayos triaxiales cíclicos con presión de confinamiento constante (PCC) y variable (PCV)*. Tesis de doctorado en Ingeniería, Universidad de los Andes, Bogotá D. C. (Colombia), 2008, 173 pp.
- [3] R.D. Barksdale, "Laboratory evaluation of rutting in basecoarse materials", *Proceedings of the 3rd International Conference on Asphalt Pavements*, vol. 1, pp. 161-174, 1972.
- [4] A.F.L. Hyde, *Repeated load triaxial testing of soils*. Doctoral Thesis, University of Nottingham, 1974.
- [5] A.K. Lashine, S.F. Brown, and P.S. Pell, *Dynamic properties of soils*. Department of Civil Engineering, University of Nottingham (England), 1971.
- [6] S.F. Brown, "Repeated load testing of a granular material," *Journal of the Geotechnical Engineering Division*, vol. 100, no. 7, pp. 825-841, 1974.
- [7] V. Veverka, "Raming van de spoordiepte bij wegen met cen bitumineuze verharding", *De Wegentechniek*, vol. 24, no. 3, pp. 25-45, 1979.
- [8] R.W. Lentz, and G.Y. Baladi, "A simplified procedure to characterize permanent strain in sand subjected to cyclic loading," *International Symposium on*

- Soils under Cyclic and Transient Loading*, Swansea; Balkema Publishers; Rotterdam, the Netherlands, pp. 89-95, 1980.
- [9] S. Khedr, "Deformation characteristics of granular base course in flexible pavements", *Transportation Research Record*, 1043, Transportation Research Board, Washington, D. C., pp. 131-138, 1985.
- [10] J.L. Paute, P. Jouve, J. Martínez and E. Ragneau, "Modèle de calcul pour le dimensionnement des chaussées souples", *Bulletin de Liaison des Laboratoires des Ponts et Chaussées*, pp. 21-36, 1988.
- [11] K.H. Tseng and R.L. Lytton, "Prediction of permanent deformation in flexible pavement materials", *J. Assoc. Asphalt Paving Technol*, vol. 58, pp. 155-156, 1989.
- [12] Sweere, G. T. "Unbound granular bases for roads". Doctoral Thesis, University of Delft. Netherlands, 1990.
- [13] P. Hornych, J.-F. Corté, and J.-L. Paute, "Étude des déformations permanentes sous chargements répétés de trois graves non traitées", *Bulletin de Liaison des Laboratoires des Ponts et Chaussées*, n.º 184, pp. 77-84, 1993.
- [14] J.L. Paute, P. Hornych, and J.P. Benaben, "Repeated load triaxial testing of granular materials in the French Network of Laboratoires des Ponts et Chaussées", en *Flexible Pavement*, Ed. Gomes Correia, Balkema, Rotterdam, 1996, pp. 53-64.
- [15] F. Lekarp, I. Ulf, and A.R. Dawson, "State of the art. II: Permanent Strain Response of Unbound Aggregates", *Journal of Transportation Engineering*, vol. 126, n.º 1, pp. 76-83, 2000.
- [16] F. Lekarp, I.R. Richardson, and A. Dawson, "Influences on permanent deformation behavior of unbound granular materials", *Transportation Research Record*, n.º 1547, Transportation Research Board, Washington D. C., pp. 68-75, 1996.
- [17] F. Lekarp, and Dawson, A. "Analysis of permanent deformation behaviour of unbound granular materials", *International Symposium on Thin Pavements, Surface Treatments, Unbound Roads*, Canada, 1997.
- [18] H. Wolff, "Elasto-Plastic modelling of granular layers", *Research Report RR92/312* Department of Transport, South Africa, 1992.
- [19] H. Wolff, and A.T. Visser, "Incorporating Elasto - Plasticity granular layers pavement design", *Proc.Instn. Civil Engineering Transportation*, 105, pp. 259-272, 1994.
- [20] M. Huurman. "Permanent deformation in concrete block pavements". Doctoral Thesis, Delft University of Technology, 1997.
- [21] S. Werkmeister, A. Dawson and F. Wellner, "Pavement design model of unbound granular materials", *Journal of Transportation Engineering*, vol. 130, pp. 665-674, 2004.
- [22] A.A. Van Niekerk, A.A.A. Molenaar, and L.J.M Houben, "Effect of material quality and compaction on the mechanical behavior of base course materials

- and pavement performance", *6th International Conference Bearing Capacity of Roads, Railways and Airfields*, pp. 1071-1081, 2002.
- [23] H.L. Theyse, "Mechanistic-Empirical modelling of the permanent deformation of unbound pavement layers", *8th International Conference on Asphalt Pavements*, Federal Highway Administration, Washington D. C., pp. 19, 1997.
- [24] G. Gidel, P. Hornych, J. Chauvin, D. Breyse, and A. Denis, "A new approach for investigating the permanent deformation behavior of unbound granular material using the Repeated Load Triaxial Apparatus", en *Bulletin Des Laboratoires Des Ponts et Chaussées*, 2001, pp. 5-21.
- [25] H.L. Theyse, "Stiffness, strength, and performance of unbound aggregate materials: application of South African HVS and laboratory results to California flexible pavements", *Report produced under the auspices of the California Partnered Pavement Research Program for the California Department of Transportation*. University of California, 2002, 76 pp.
- [26] A. El Abd, P. Hornych, D. Breyse, A. Denis, and C. Chazallon, "A simplified method of prediction of permanent deformations of unbound pavement layers", *Proc. of the 6th International Symposium on Pavements Unbound*, pp. 179-189, 2004.
- [27] W.P. Núñez, R. Malysz, J.A. Ceratti, and W.Y.Y. Gehling, "Shear strength and permanent deformation of unbound aggregates used in Brazilian pavements", *Proc. of the 6th International Symposium on Pavements Unbound*, pp. 23-31, 2004.
- [28] M.D. Liu and J.P. Carter, "Application of a new definition for the number of cycles of loading", In *Cyclic Behaviour of Soils and Liquefaction Phenomena*, *Proc. of CBS04*, Bochum, pp. 57-63, 2004.
- [29] J. Uzan, "Permanent deformation in flexible pavements", *Journal of Transportation Engineering*, vol. 130, pp. 6-13, 2004.
- [30] S. Erlingsson, and T. Ingason, "Performance of two thin pavement structures during accelerated pavement testing using a Heavy Vehicle Simulator", In *2nd International Conferences on Accelerated Pavement Testing*, University of Minnesota, 19 pp., 2004.
- [31] INVÍAS - Instituto Nacional de Vías, *Normas de ensayos de materiales para carreteras*, Bogotá D. C., Colombia, 2007.
- [32] INVIAS - Instituto Nacional de Vías, *Especificaciones generales de construcción de carreteras*, Bogotá D. C., Colombia, 2007.
- [33] H.A. Rondón and F.A. Reyes, *Comportamiento de materiales granulares en pavimentos flexibles: estado del conocimiento*, Universidad Católica de Colombia y Pontificia Universidad Javeriana, 2008, p. 119.